

interface-union-ap^{11,40}

$\forall X, Y : ik:\text{LocKnd} \text{ fp} \rightarrow \text{Top}, ik:\text{LocKnd}.$
interface-union($X;Y$)(ik)
 \sim
($\lambda s, v.$ if $ik \in \text{dom}(X)$
then if $ik \in \text{dom}(Y)$
 then case $X(ik)(s, v)$
 of $\text{inl}(x) \Rightarrow \text{inl inl } x$
 | $\text{inr}(x) \Rightarrow \text{case } Y(ik)(s, v) \text{ of } \text{inl}(x) \Rightarrow \text{inl } (\text{inr } x) \mid \text{inr}(x) \Rightarrow \text{inr } x$
 else case $X(ik)(s, v)$ of $\text{inl}(x) \Rightarrow \text{inl inl } x \mid \text{inr}(x) \Rightarrow \text{inr } x$
 fi
 else case $Y(ik)(s, v)$ of $\text{inl}(x) \Rightarrow \text{inl } (\text{inr } x) \mid \text{inr}(x) \Rightarrow \text{inr } x$
 fi)